

Correction d'examen 1 (MDF)

MDF

Exercice N° 1

- la masse: ①

$$* P = m \cdot g \rightarrow m = \frac{P}{g}$$

$$* m = \frac{48 \times 10^3 \text{ N}}{9,8} = 5 \cdot 10^3 \text{ kg} = 5000 \text{ kg}$$

- la masse volumique ①

$$* \rho = \frac{m}{V}$$

$$* \rho = \frac{5 \cdot 10^3}{0,5} = 10000 \text{ kg/m}^3$$

- volume spécifique (volume massique) ①

$$* \nu = \frac{V}{m} = \frac{1}{\rho}$$

$$* \nu = \frac{0,5}{5000} = 10^{-3} \left(\frac{\text{m}^3}{\text{kg}} \right)$$

- Poids spécifique (Poids volumique) ①

$$* \omega = \rho \cdot g = \frac{P}{V} = \frac{P \cdot V \cdot g}{V}$$

$$* \omega = 10000 \times 9,8 = 98000 \left(\frac{\text{N}}{\text{m}^3} \right)$$

- la densité ①

$$* d = \frac{\rho_f}{\rho_{\text{eau}}}$$

$$* d = \frac{10000}{10000} = 1$$

- la viscosité dynamique ①

$$* \nu = \frac{\mu}{\rho} \rightarrow \mu = \rho \cdot \nu$$

$$* \mu = 10000 \cdot 10^{-6} = 10^{-3} \text{ Pa} \cdot \text{s}$$

Exercice N° 2 :

2020 23

1) La masse volumique d'huile ①

$$\rho = \frac{\rho_h}{\rho_{eau}} \rightarrow \rho_h = d \cdot \rho_{eau}$$

$$\rho_h = 0,9 \times 1000 = 900 \text{ kg/m}^3$$

2) les forces de pression :

- face latérale

* Puisque les quatre surfaces latérales ont la même surface, donc les forces de pression sont les mêmes. ①

$$\begin{aligned} * F_l &= \rho \cdot g \cdot h_{G_1} \cdot S_1, \text{ avec } h_{G_1} = \frac{a}{2} + a, S_1 = a^2 \\ F_l &= \rho g 3a \frac{a^2}{2} = \frac{3}{2} \rho g a^3 \end{aligned} \quad \text{①}$$

$$* F_l = \frac{3 \times 900 \times 9,8 \times 8}{2} = 105840 \text{ N}$$

- face au fond (inférieure) ①

$$* F_f = \rho g h_{G_2} S_2 ; h_{G_2} = 2a ; S_2 = a^2$$

$$* F_f = 900 \times 9,8 \times 2 \times a^2 = \cancel{141120} \text{ N} = 141120 \text{ N}$$

* face supérieure. ①

$$* F_s = \rho g h_{G_3} S_3 ; h_{G_3} = a ; S_3 = a^2 - \frac{\pi d^2}{4}$$

$$- F_s = 900 \times 9,8 \times 2 \times \left(4 - \frac{\pi (0,4)^2}{4} \right) = 68343,292 \text{ N}$$

3) La position de la force de pression est la même que celle du centre de gravité :

$$* h_c = h_G + \frac{I_{GG}}{h_G \cdot S} ; h_G = \frac{3a}{2} ; I_{GG} = \frac{a^4}{12} ; S = a^2 \quad \text{①}$$

$$* h_c = \frac{3a}{2} + \frac{\frac{a^4}{12}}{\frac{3a}{2} \cdot a^2} = \frac{14a}{9} = \frac{14 \times 2}{9} \approx 3,11 \text{ m}$$

Suite Exercice 02,

4) le poids total de fluide (1)

2020 جاني 23

$$* P = mg = \rho_h V g = \rho_{eau} d \cdot V \cdot g ; V = a^3 + \frac{\pi d^2}{4} \cdot a$$

$$P = 1000 \times 0,9 \times 9,8 \left(2^3 + \frac{\pi (0,4)^2}{4} \times 2 \right) = \frac{72776,708 N}{72776,708 N}$$

Exercice 03

la vitesse dans la conduite (1)

- Bernoulli entre la surface libre et la sortie de la canalisation (1)

$$* \frac{P_{atm}}{\rho} + \frac{v_s^2}{2} + g(H+L) = \frac{P_{atm}}{\rho} + \frac{v_L^2}{2} + 0 \Rightarrow$$

$$* v_L^2 = \sqrt{2g(H+L)} = \sqrt{2 \times 9,8 \times (3+4)} = 11,71 \text{ m/s}$$

le debit de ruissellement (1)

$$* Q_v = S \cdot v_L = \frac{\pi d^2}{4} \cdot v_L$$

$$* Q = 11,71 \times \frac{3,14 (0,06)^2}{4} = 33,09 \text{ l/s}$$

le regime d'écoulement (1)

$$* \text{Nombre de Reynolds: } Re = \frac{v_L \cdot d}{\nu}$$

$$* Re = \frac{11,71 \times 0,06}{1 \times 10^{-6}} = 70,26 \times 10^4 > 2000$$

donc le regime est turbulent (1)

La pression au milieu du tube (3)

Bernoulli entre la surface libre et le milieu du tube

$$\frac{P_{atm}}{\rho g} + \frac{v_s^2}{2g} + (H + \frac{L}{2}) = \frac{v_L^2}{2g} + \frac{P_L}{\rho g} \rightarrow P_L = (P_{atm} + \rho g (H + \frac{L}{2})) - \rho$$
$$P_L = (10^5 + 1000 \times 9,8 \times 5) - 1000 \times (11,71)^2 = 11875,9 \text{ Pa}$$

BRUNN 01