

## Contrôle

### Partie I (8 pts)

- a) Rappeler les équations de Maxwell forme locale dans un milieu conducteur liant les champs indépendamment de leurs sources et donner leurs noms et l'interprétation physiques.
- b) Donner la loi d'Ohm pour un conducteur et définir chaque terme.
- c) On suppose deux milieux : le 1<sup>er</sup> c'est l'air ( $\mu_0, \epsilon_0$ ) le 2<sup>ème</sup> est un diélectrique ( $\mu, \epsilon$ ). Écrire les relations entre l'angle  $\theta_i$  d'incidence : l'angle de réflexion  $\theta_r$  et l'angle de transmission.
- d) Compléter les unités des quantités suivantes :
- La constante de phase  $\beta$  :
  - L'unité de l'induction magnétique  $\vec{B}$  :
  - Le facteur d'atténuation  $\alpha$  :
  - L'unité de l'induction électrique  $\vec{D}$  :
  - La conductivité  $\sigma$  :
  - La constante de propagation  $\gamma$  :
- e) **Cocher les bonnes réponses** : (5 pts)
- 1- Entre un émetteur et un récepteur situés sur terre, trois types de propagation peuvent avoir lieu :
- a. Onde directe, onde de sol, onde réfléchi.
  - b. Onde de sol, onde d'espace, onde de l'atmosphère.
  - c. Onde de sol, onde d'espace, onde directe.
- 2- L'impédance caractéristique du vide est :
- a.  $377\Omega$
  - b.  $\left| \frac{\vec{E}}{\vec{H}} \right|$
  - c.  $130\pi\Omega$
  - d.  $\sqrt{\frac{\mu_0}{\epsilon_0}}$
  - e.  $\left| \frac{\vec{E}}{\vec{B}} \right|$
  - f.  $\sqrt{\frac{\epsilon_0}{\mu_0}}$
- 3- le champ magnétique d'une onde plane est transversal c'est-à-dire :
- a.  $\vec{B} // \vec{k}$
  - b. La composante de  $\vec{B}$  dans la direction de propagation est nulle.
  - c.  $\vec{B} \perp \vec{k}$
- 4- La longueur d'onde d'une onde électromagnétique dans le vide est :
- a.  $\frac{1}{f\sqrt{\mu_0\epsilon_0}}$
  - b.  $\frac{f}{\sqrt{\mu_0\epsilon_0}}$
  - c.  $CT$
  - d.  $\frac{1}{f\sqrt{\mu_r\epsilon_r}}$
  - e.  $\frac{2\pi}{k}$
- 5- Soit  $\vec{B} = B_0(x, t) \vec{U}_y$  est le champ magnétique d'une onde électromagnétique plane. Le champ électrique associé à cette onde est :
- a.  $\vec{E} = E_0(z, t) \vec{U}_x$
  - b.  $\vec{E} = E_0(x, t) \vec{U}_y$
  - c.  $\vec{E} = E_0(x, t) \vec{U}_z$
  - d.  $\vec{E} = E_0(x, t) \vec{U}_x$
- 6- Les ondes stationnaires sont
- a. La superposition des ondes incidentes et réfléchies
  - b. La superposition des ondes incidentes et transmises
  - c. La superposition des ondes transmises et réfléchies

7- Si la vitesse de propagation d'une onde de fréquence 20Mhz dans un certain milieu est 0.85C, sa longueur d'onde dans ce milieu est :

- a. 15m
- b. 0.06m
- c. 12.75m
- d. 17.64m

8- Dans les milieux conducteurs il n'y a pas de

- a. Atténuation des ondes EM    b. Amplification des ondes EM    c. Diffusion des ondes EM

9- Le théorème de Stokes permet

- a. 1 : de transformer une intégrale de surface à une intégrale de contour.
- b. 2 : de transformer une intégrale de volume à une intégrale de surface.
- c. 3 : de transformer une intégrale de contour à une intégrale de surface.
- d. 4 : de transformer une intégrale de surface à une intégrale de volume.

10- Soit  $\vec{E} = E_y(z, t)\vec{j}$  le champ électrique d'une OEMP. La direction de propagation est :

- e. 1 : suivant l'axe x
- f. 2 : suivant l'axe y
- g. 3 : suivant l'axe z

Exercice (7 pts)

On considère une onde électromagnétique plane cosinusoidale, progressive de pulsation  $\omega$ , se propageant dans le vide. L'onde se propage dans la direction  $Oy$ . Le vecteur champ électrique est parallèle à  $Ox$  son amplitude est  $E_0$ .

1. Écrire, en notation réelle, les composantes du vecteur d'onde  $\vec{k}$  puis celles du vecteur champ électrique  $\vec{E}$
2. En utilisant les équations de Maxwell dans le vide, établir l'équation de propagation de  $\vec{E}$  dans le vide. En déduire la relation de dispersion de cette onde dans le vide.
3. En utilisant les équations de Maxwell dans le vide, exprimer les composantes du vecteur champ magnétique de l'onde  $\vec{B}$  au point.
4. Représenter sur un schéma clair les vecteurs  $\vec{E}$ ,  $\vec{B}$  et  $\vec{k}$ . L'onde électromagnétique étudiée est-elle longitudinale ou transversale?
5. Calculer la densité d'énergie électromagnétique  $W$
6. Déterminer les composantes du vecteur de Poynting puis son module  $P$ .

بالتوفيق

# Correction du contrôle.

a)  $\vec{\text{rot}} \vec{E} = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$  : MF  
 Maxwell Faraday  
 MF: la source de  $\vec{E}$  est la variation de  $\vec{B}$  dans le temps  
 $\vec{\text{rot}} \vec{B} = \mu \left( \vec{j} + \epsilon \frac{\partial \vec{E}}{\partial t} \right)$  MA  
 Maxwell Ampère  
 MA: " " " $\vec{B}$  est: le courant électrique + la variation de  $\vec{E}$  dans le temps.

b)  $\vec{j} = \sigma \vec{E}$

c) une onde monochromatique est composée d'une seule longueur d'onde  $\lambda$  (ou une seule fréquence)

d)  $\theta_i = \theta_r$   $\frac{1}{\sqrt{\mu_0 \epsilon_0}} \sin \theta_i = \frac{1}{\sqrt{\epsilon \mu}} \sin \theta_t \Rightarrow \sin \theta_i = \frac{1}{\sqrt{\epsilon \mu}} \sin \theta_t$

$\beta$ [rad/m]	$\vec{B}$ [Tesla]	$\alpha$ [Neper/m]
$\vec{D}$ [C/m]	$\sigma$ [S/m]	$\gamma$ [m <sup>-1</sup> ]

exercice:

1)  $\vec{k} = (0, k, 0)$

$\vec{E} = \begin{pmatrix} E_0 \cos(\omega t - ky) \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$

2) les eqs de Maxwell:

$\vec{\text{rot}} \vec{E} = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$ ;  $\vec{\text{rot}} \vec{B} = \epsilon_0 \mu_0 \frac{\partial \vec{E}}{\partial t} = \frac{1}{c^2} \frac{\partial \vec{E}}{\partial t}$ ;  $\text{div} \vec{B} = 0$ ;  $\text{div} \vec{E} = 0$

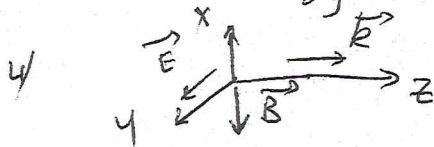
L'eq d'onde  $\left( \Delta \vec{E} - \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 \vec{E}}{\partial t^2} = 0 \right) \Rightarrow \left( \frac{\partial^2 E_x}{\partial y^2} - \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 E_x}{\partial t^2} = 0 \right)$

On remplace:  $\frac{\partial^2 E_x}{\partial t^2} = -\omega^2 E_x \Rightarrow \left( k = \frac{\omega}{c} \right)$  relation de dispersion.

$\frac{\partial E_x}{\partial y^2} = -k^2 E_x$

$\Rightarrow \left( B_z = -\frac{k}{\omega} E_x \right)$

3)  $\vec{\text{rot}} \vec{E} = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t} \rightarrow \frac{\partial E_x}{\partial y} = -\frac{\partial B_z}{\partial t}$



5)  $\omega = \omega_e + \omega_m = \epsilon_0 E_0^2 \omega^2 \cos^2(\omega t - ky)$

6)  $\vec{P} = \vec{E} \wedge \frac{\vec{B}}{\mu_0} = \frac{E_0^2}{c \mu_0} \cos^2(\omega t - ky) \vec{u}_y$

$\vec{P} = \begin{bmatrix} 0 \\ \epsilon_0 c E_0^2 \cos^2(\omega t - ky) \\ 0 \end{bmatrix}$

et le module  $|\vec{P}| = \epsilon_0 c E_0^2 \cos^2(\omega t - ky)$

- f) 1-c; 2-a, b, d; 3-b, c; 4-a, c; 5-c; 6-a; 7-c  
 8-b, c; 9-a, c; 10-c