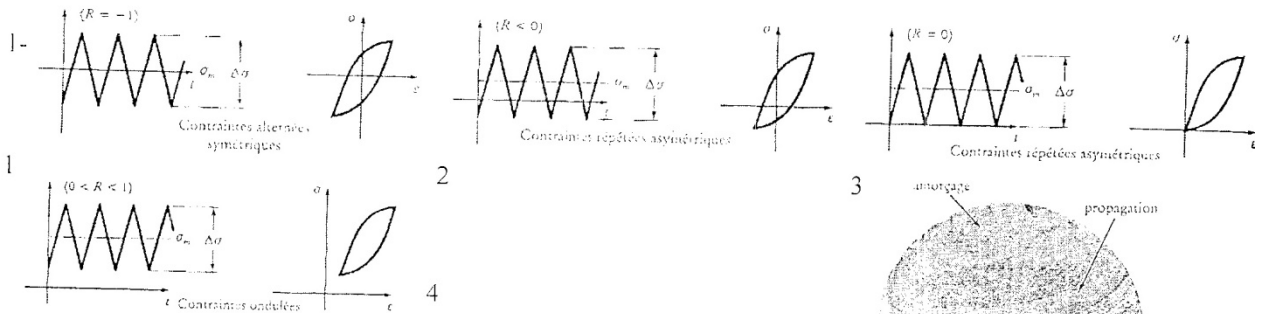
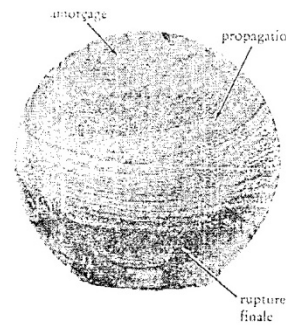


### Solution

#### Exo1 :



- la micrographie de la figure représente une facie de rupture en fatigue.
- la légende : a) zone amorçage, b) zone de propagation, c) rupture.
- d'après les stries il s'agit de cas de sollicitations en flexion pure.



Exo2 : les rapports géométriques :  $D/d = 60/40 = 1.5$  et  $r/d = 8/40 = 0,2$

- Le facteur de concentration de contrainte est tiré directement de l'abaque : 1,82
- la contrainte moyenne admissible en utilisant la contrainte admissible du matériau et le facteur de concentration de contraintes.

$$\sigma_{\text{moy}} = \sigma_{\text{max}} / K$$

AN :  $165/1,82 = 90,7\text{MPa}$

3- La force P:  $\sigma = P/S$  d'où  $P = \sigma \cdot S$

AN :  $P = 40 \cdot 10 \cdot 90,7 = 36,3 \cdot 10^3\text{N}$

#### Exo3 :

La contrainte émanante de la flexion :

$$\sigma = M_t \cdot y / I_0 \text{ avec } I_0 = \pi D^4 / 64$$

$$\sigma_{\text{def}} = \sigma \cdot K$$

AN :  $I_0 = 3,14 \cdot (0,05)^4 / 64 = 306,8 \cdot 10^{-9} \text{m}^4$

$$\sigma = 3000 \cdot 0,025 / 306,8 \cdot 10^{-6} = 244,5 \text{MPa}$$

$$\sigma_{\text{def}} = 244,5 \cdot 1,6 = 391,1 \text{MPa}$$

#### Exo4:

Le coefficient de sécurité  $s = 2$  d'où

$$\sigma D' = R_m / s = 540 \cdot 10^6 / 2 = 395 \cdot 10^6 \text{ Pa}$$

$N = 100\,000$  cycles,  $r = 0,0015 \text{ m}$ ,

$d = 0,011 \text{ m}$  et  $D = 0,018 \text{ m}$

$$\sigma D = K_e \cdot K_s \cdot K_\theta \cdot K_d \cdot K_g \cdot K_h \cdot \sigma D'$$

AN :  $\sigma D = (0,85) \cdot (0,595) \cdot (395 \cdot 10^6) = 199,77 \cdot 10^6 \text{ Pa}$

L'expression du nombre de cycles N lorsque les contraintes sont connu

$$\sigma = 0,9 R_m \cdot \left( \frac{\sigma_D}{0,9 R_m} \right)^{\frac{1}{3} (\log N - 3)}$$

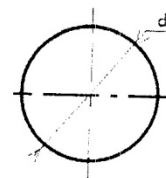
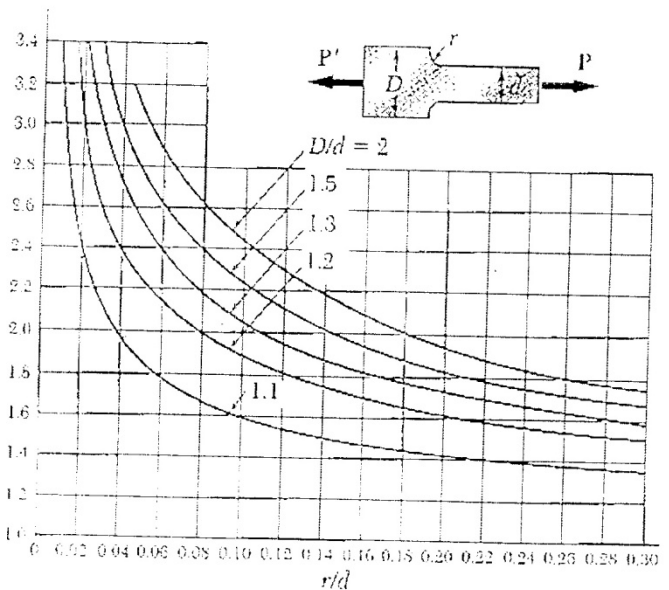
$$\sigma = (0,9) \cdot (790 \cdot 10^6) \cdot \left[ \left( \frac{395 \cdot 10^6}{(0,9) \cdot (790 \cdot 10^6)} \right)^{\frac{1}{3} [\log (100000 - 3)]} \right]$$

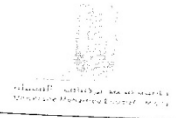
$$= (711 \cdot 10^6) \cdot [0,555]^{0,66} =$$

$$\sigma = (711 \cdot 10^6) \cdot (0,678) = 482 \cdot 10^6 \text{ Pa}$$

Calcul des contraintes de flexion :  $\sigma_y = \tau_{xy} = 0$

la fibre tendue se trouve à  $Y = d/2$  et  $I_z = \pi d^4 / 64$   $\sigma_x = M_t \cdot Y / I \Rightarrow \sigma_x = M_t \cdot 32 / (\pi d^3)$





contrainte alternée :  $\sigma_a = M_{\text{tmax}} \cdot 32 / (\pi d^3) \leq \sigma_D / s$

$\Rightarrow M_{\text{tmax}} \geq \sigma_D \cdot \pi \cdot d^3 / 32 \cdot s$

$M_{\text{tmax}} \geq (482 \cdot 10^6)(3.14)(0.011)^3 / (32 \cdot 2) = 31,475 \text{ N.m}$

Le diagramme de goodman:

