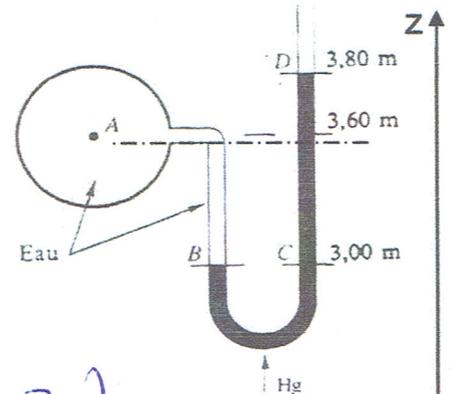


Corrigé type de l'examen S04Exercice N°01

Calculer la pression manométrique en A (en bar) due à la dénivellation du mercure, de densité 13.5 dans le manomètre en U représenté dans la figure ci-contre.

On donne $P_D = 1 \text{ bar}$, $\rho_{\text{eau}} = 1000 \text{ kg/m}^3$



Reponse:

• R.F.H.S entre A et B : $P_A = P_B - \rho_{\text{eau}} \cdot g \cdot (z_A - z_B)$

• R.F.H.S entre B et D :

$$P_B = P_D + \rho_{\text{merc}} \cdot g \cdot (z_D - z_B)$$

$$\Rightarrow P_A = P_D - \rho_{\text{eau}} \cdot g \cdot (z_A - z_B) + \rho_{\text{merc}} \cdot g \cdot (z_D - z_B)$$

$$= 10^5 - 1000 \cdot 9,81 \cdot (3,6 - 3) + 13500 \cdot 9,81 \cdot (3,8 - 3)$$

$$\Rightarrow P_A = 200062 \text{ Pas} = 2,00062 \text{ bar}$$

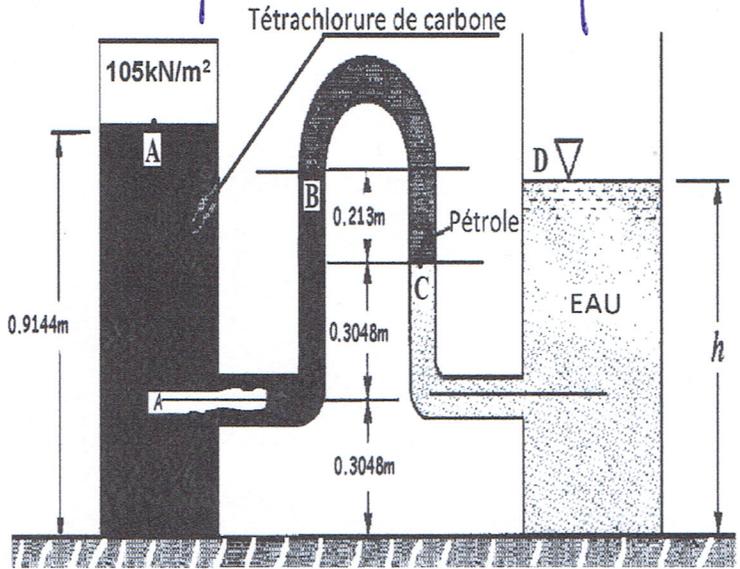
Exercice N°02

Un manomètre à tube en U inversé contenant du pétrole sa densité est ($d_{\text{pétrole}}=0,8$) est situé entre deux réservoirs comme le montre la Figure ci-contre.

Le réservoir de gauche, qui contient du tétrachlorure de carbone sa densité est ($d_{\text{tétrachlo de carb}}=1,6$), est fermé emprisonne un gaz à une pression de 105kN/m^2 .

Le réservoir sur la droite contient de l'eau et est ouvert sur l'atmosphère, $\rho_{\text{eau}}=1000\text{kg/m}^3$.

Avec les données, déterminez la profondeur d'eau, h , dans le réservoir d'eau.



o R.F.H entre A et B: $P_B = P_A + \gamma_{\text{tétrachlorure}} \cdot (0,9144 - 0,213 - 2 \times 0,3048)$

$\Rightarrow P_A = 106435,24 \text{ Pas}$

R.F.H entre B et C:

$P_C = P_B + \gamma_{\text{pétrole}} \cdot (0,213) = 108109,7 \text{ Pas}$

$P_C = 108109,7 \text{ Pas}$

R.F.H entre C et D:

$P_C = P_D + \gamma_{\text{eau}} \cdot g \cdot (h - 2 \times 0,3048)$

$= 10^5 + 1000 \cdot 9,81 \cdot (h - 0,6096)$

$\Rightarrow h = \frac{P_C - 10^5}{98100} + 0,6096$

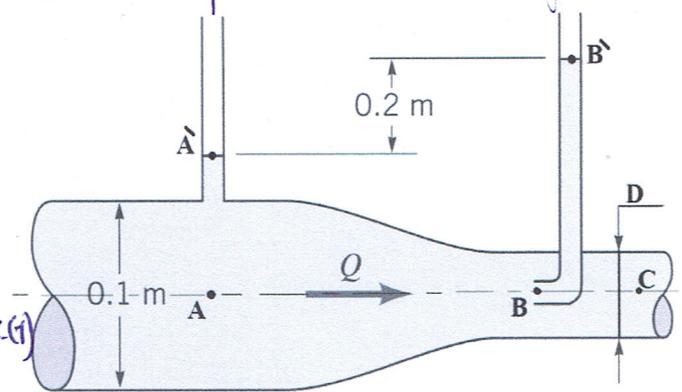
$\Rightarrow h = 1,4363 \text{ m} = 1436,3 \text{ mm}$

Exercice N°03

L'eau s'écoule à travers la contraction du tuyau représentée sur la figure ci-contre.

Pour une dénivellation de $h=0,2\text{m}$ donnée, calculer les vitesses V_A , V_B et le débit volumétrique Q .

Si $D=0,05\text{m}$, calculer la vitesse V_C .



• R.F.H entre A et A' : $P_A = P_{A'} + \rho g (z_{A'} - z_A)$ --- (1)

• R.F.H entre B et B' : $P_B = P_{B'} + \rho g (z_{B'} - z_B)$ --- (2)

(2) - (1) $\Rightarrow P_B - P_{A'} = P_{B'} - P_{A'} + \rho g (z_{B'} - z_B + z_A - z_A)$

$\Rightarrow (P_B - P_A = \rho g \cdot h)$ --- (3)

• Bernoulli entre A et B :-

$$\frac{1}{2g} (v_B^2 - v_A^2) + \frac{P_B - P_A}{\rho g} + z_B - z_A = 0$$

avec $V_B = 0$ $z_B - z_A = 0$ on peut écrire :

$v_A = \sqrt{2gh} = \sqrt{2 \times 9,81 \times 0,2} \Rightarrow v_A = 1,98 \text{ m/s}$

• $Q_v = S_A \cdot v_A = \frac{\pi d^2}{4} \cdot v_A = \frac{\pi (0,1)^2}{4} \times 1,98$

$\Rightarrow Q_v = 0,01554 \text{ m}^3/\text{s} = 15,54 \text{ l/s}$

• Si $D=0,05\text{m}$ on cherche v_C :

Equation de la continuité entre A et C :

$v_A \cdot S_A = v_C \cdot S_C \Rightarrow v_C = v_A \cdot \frac{S_A}{S_C} = v_A \cdot \frac{d^2}{D^2} = 1,98 \cdot \left(\frac{0,1}{0,05}\right)^2$

$\Rightarrow v_C = 7,92 \text{ m/s}$

Bonne chance