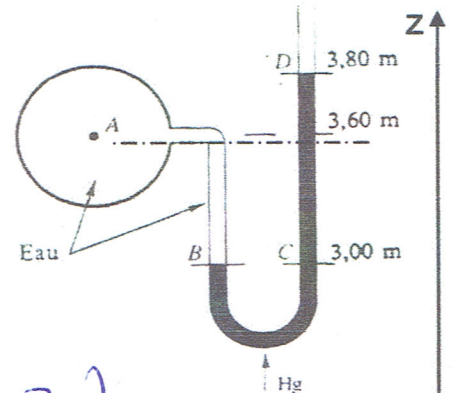


Corrigé type de l'examen S04Exercice N°01

Calculer la pression manométrique en A (en bar) due à la dénivellation du mercure, de densité 13.5 dans le manomètre en U représenté dans la figure ci-contre.

On donne  $P_D = 1 \text{ bar}$ ,  $\rho_{\text{eau}} = 1000 \text{ kg/m}^3$



Reponse:

• R.F.H.S entre A et B :  $P_A = P_B - \rho_{\text{eau}} \cdot g \cdot (z_A - z_B)$

• R.F.H.S entre B et D :

$$P_B = P_D + \rho_{\text{merc}} \cdot g \cdot (z_D - z_B)$$

$$\Rightarrow P_A = P_D - \rho_{\text{eau}} \cdot g \cdot (z_A - z_B) + \rho_{\text{merc}} \cdot g \cdot (z_D - z_B)$$

$$= 10^5 - 1000 \cdot 9,81 \cdot (3,6 - 3) + 13500 \cdot 9,81 \cdot (3,8 - 3)$$

$$\Rightarrow P_A = 200062 \text{ Pas} = 2,00062 \text{ bar}$$

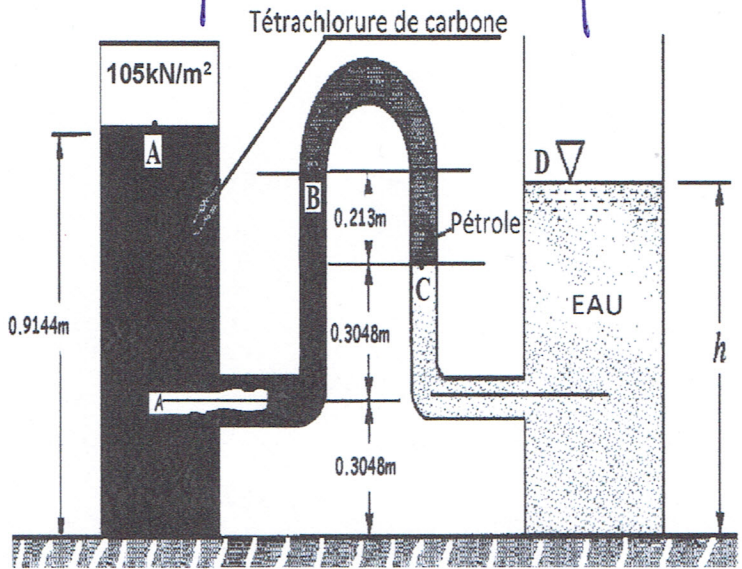
**Exercice N°02**

Un manomètre à tube en U inversé contenant du pétrole sa densité est ( $d_{\text{pétrole}}=0,8$ ) est situé entre deux réservoirs comme le montre la Figure ci-contre.

Le réservoir de gauche, qui contient du tétrachlorure de carbone sa densité est ( $d_{\text{tétrachlo de carb}}=1,6$ ), est fermé emprisonne un gaz à une pression de  $105\text{kN/m}^2$ .

Le réservoir sur la droite contient de l'eau et est ouvert sur l'atmosphère,  $\rho_{\text{eau}}=1000\text{kg/m}^3$ .

Avec les données, déterminez la profondeur d'eau,  $h$ , dans le réservoir d'eau.



o R.F.H entre A et B:  $P_B = P_A + \gamma_{\text{tet carbon}} \cdot (0,9144 - 0,213 - 2 \times 0,3048)$

$\Rightarrow P_A = 106435,24 \text{ Pas}$

R.F.H entre B et c:

$P_C = P_B + \gamma_{\text{pétrole}} \cdot (0,213) = 108109,7 \text{ Pas}$

$P_C = 108109,7 \text{ Pas}$

R.F.H entre c et D:

$P_C = P_D + \gamma_{\text{eau}} \cdot g \cdot (h - 2 \times 0,3048)$

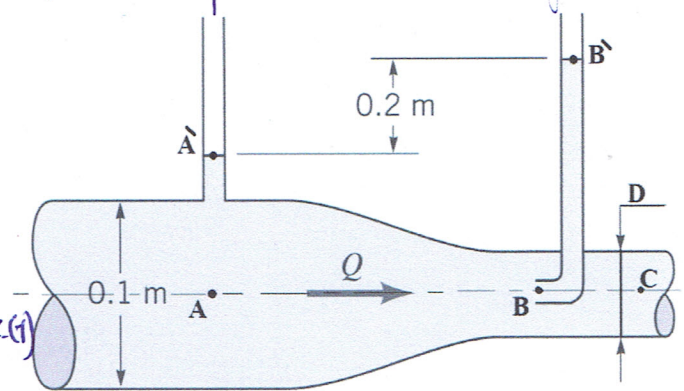
$= 10^5 + 1000 \cdot 9,81 \cdot (h - 0,6096)$

$\Rightarrow h = \frac{P_C - 10^5}{98100} + 0,6096$

$\Rightarrow h = 1,4363 \text{ m} = 1436,3 \text{ mm}$

**Exercice N°03**

L'eau s'écoule à travers la contraction du tuyau représentée sur la figure ci-contre.  
 Pour une dénivellation de  $h=0,2\text{m}$  donnée, calculer les vitesses  $V_A$ ,  $V_B$  et le débit volumétrique  $Q$ .  
 Si  $D=0,05\text{m}$ , calculer la vitesse  $V_C$ .



• R.F.H entre A et A' :  $P_A = P_{A'} + \rho g (z_{A'} - z_A)$  --- (1)

• R.F.H entre B et B' :  $P_B = P_{B'} + \rho g (z_{B'} - z_B)$  --- (2)

(2) - (1)  $\Rightarrow P_B - P_{A'} = P_{B'} - P_{A'} + \rho g (z_{B'} - z_B + z_A - z_A)$

$\Rightarrow (P_B - P_A = \rho g \cdot h)$  --- (3)

• Bernoulli entre A et B :-

$$\frac{1}{2g} (V_B^2 - V_A^2) + \frac{P_B - P_A}{\rho g} + z_B - z_A = 0$$

avec  $V_B = 0$   $z_B - z_A = 0$  on peut écrire :

$V_A = \sqrt{2gh} = \sqrt{2 \times 9,81 \times 0,2} \Rightarrow V_A = 1,98 \text{ m/s}$

•  $Q_v = S_A \cdot V_A = \frac{\pi d^2}{4} \cdot V_A = \frac{\pi (0,1)^2}{4} \times 1,98$

$\Rightarrow Q_v = 0,01554 \text{ m}^3/\text{s} = 15,54 \text{ l/s}$

• Si  $D=0,05\text{m}$  on cherche  $V_C$  :

Equation de la continuité entre A et C :

$V_A \cdot S_A = V_C \cdot S_C \Rightarrow V_C = V_A \cdot \frac{S_A}{S_C} = V_A \cdot \frac{d^2}{D^2} = 1,98 \cdot \left(\frac{0,1}{0,05}\right)^2$

$\Rightarrow V_C = 7,92 \text{ m/s}$

Bonne chance